

ПРИМЕР ОФОРМЛЕНИЯ ЗАДАЧИ №26

Сидоров И.А., МТ-292
вариант 1234

Задача №25

Условие задачи

Для стальной балки требуется:

1) подобрать из расчета на прочность по наибольшим напряжениям сечения трех типов:

- двутавровое поперечное сечение;
- прямоугольное сечение высотой $h=2b$;
- круглое поперечное сечение диаметром d .

2) для каждого типа поперечного сечения балки вычислить наибольшие касательные напряжения в поперечном сечении;

3) вычертить найденные сечения в одном масштабе на миллиметровой бумаге формата А4, показать размеры сечений, изобразить распределение нормальных и касательных напряжений;

4) найти соотношение весов соответствующих балок $G^I : G^II : G^O$, приняв вес двутавровой балки за единицу $G^I = 1$.

Принять: длину $l=0,7$ м, остальные исходные данные взять из табл. 26 и приложения 8.

Заданная схема

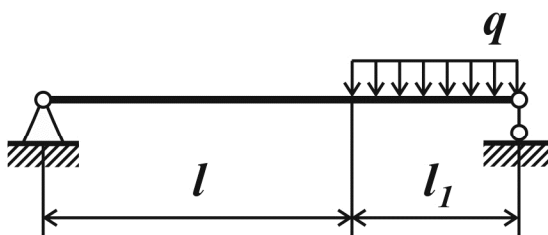
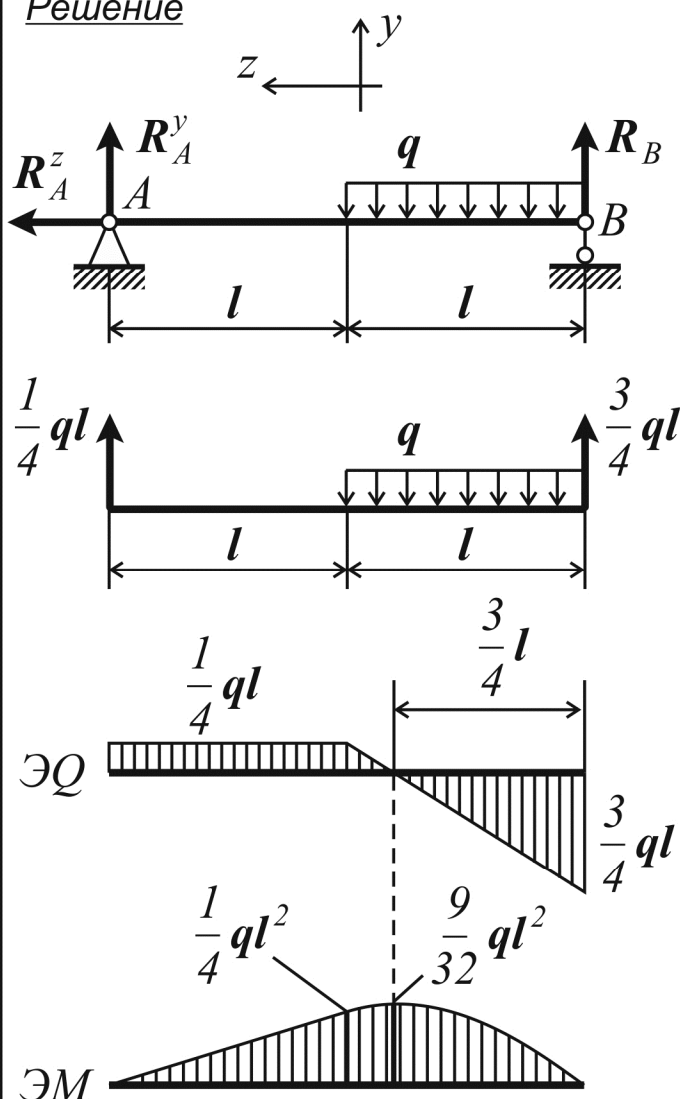


Таблица исходных данных

1	2	3		4	
l_1/l	$q, \text{кН/м}$	k	№ схемы	материал	$[n]$
1,0	80	-	I	Сталь 20	1,75

Предел текучести материала составляет $\sigma_{0,2} = 220$ МПа.

Решение



1. Найдем реакции шарнирных опор и построим эпюры поперечной силы и изгибающего момента.

Уравнения равновесия балки:

$$\begin{cases} \sum F_z = 0 \\ \sum M_A = 0 \\ \sum M_B = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} R_A^z = 0 \\ 2R_B l - \frac{3}{2} ql^2 = 0 \\ \frac{1}{2} ql^2 - 2R_A^y l = 0 \end{cases} \begin{cases} R_A^z = 0 \\ R_B = \frac{3}{4} ql \\ R_A^y = \frac{1}{4} ql \end{cases}$$

Проверка:

$$\sum F_y = 0 \quad \frac{1}{4} ql - ql + \frac{3}{4} ql = 0$$

2. Из условия прочности по максимальным напряжениям найдем момент сопротивления поперечного сечения.

Допускаемое напряжение $[\sigma] = \frac{\sigma_{0,2}}{[n]} = \frac{220 \cdot 10^6}{1,75} = 126 \text{ МПа}$

Условие прочности при изгибе $|\max \sigma| = \frac{\max M}{W_x} \leq [\sigma]$

Момент сопротивления

$$W_x \geq \frac{\max M}{[\sigma]} = \frac{9}{32} \frac{ql^2}{[\sigma]} = \frac{9}{32} \cdot \frac{80 \cdot 10^3 \cdot (0,7)^2}{126 \cdot 10^6} = 8,77 \cdot 10^{-5} \text{ м}^3$$

3. По таблице сортамента прокатной стали найдем номер двутавра. Согласно условию $W_x \geq 87,7 \text{ см}^3$, получим двутавр №16.

Момент сопротивления двутавра №16

$$W_x^I = 109,0 \text{ см}^3$$

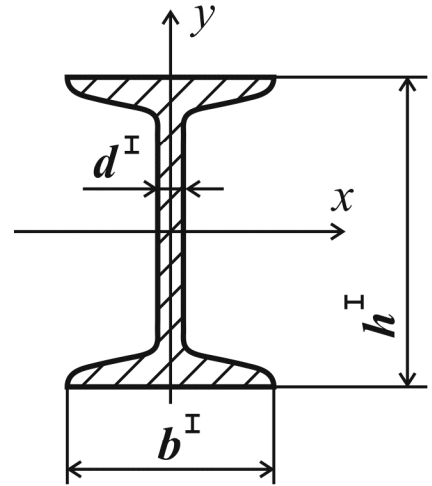
Размеры:

$$h^I = 160 \text{ мм} = 16 \text{ см}$$

$$b^I = 81 \text{ мм} = 8,1 \text{ см}$$

$$d^I = 5 \text{ мм} = 0,5 \text{ см}$$

$$\text{Площадь двутавра } S^I = 20,2 \text{ см}^2$$



4. Вычислим размеры и площадь прямоугольного поперечного сечения.

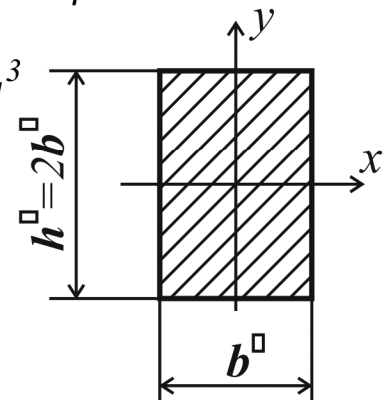
$$W_x^{\square} = \frac{b^{\square}(h^{\square})^2}{6} = \frac{b^{\square}(2b^{\square})^2}{6} = \frac{2}{3}(b^{\square})^3 \geq 87,7 \text{ см}^3$$

$$b^{\square} = \sqrt[3]{\frac{3}{2} \cdot 87,7} = 5,09 \text{ см}$$

По таблице нормальных линейных размеров

$$[b^{\square}] = 5 \text{ см} \Rightarrow [h^{\square}] = 2[b^{\square}] = 10 \text{ см}$$

$$\text{Площадь прямоугольного сечения } S^{\square} = [b^{\square}][h^{\square}] = 50 \text{ см}^2$$



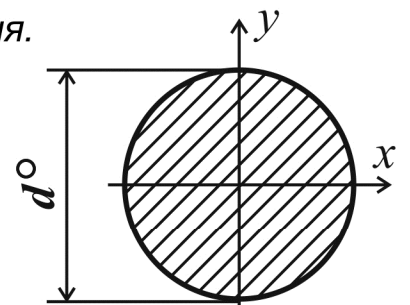
5. Вычислим размеры и площадь круглого сечения.

$$W_x^{\circ} = \frac{\pi(d^{\circ})^3}{32} \geq 87,7 \text{ см}^3$$

$$d^{\circ} = \sqrt[3]{\frac{32 \cdot 87,7}{\pi}} = 9,63 \text{ см}$$

По таблице нормальных линейных размеров $[d^{\circ}] = 10 \text{ см}$

$$\text{Площадь круглого сечения } S^{\circ} = \frac{\pi[d^{\circ}]^2}{4} = 78,5 \text{ см}^2$$



6. Максимальные касательные напряжения действуют в поперечном сечении с максимальной поперечной силой

$$\max Q = \frac{3}{4} ql = \frac{3}{4} \cdot 50 \cdot 10^3 \cdot 0,7 = 42 \cdot 10^3 \text{ Н}$$

Вычислим максимальные касательные напряжения для каждого типа поперечного сечения.

а) Двутавр

Момент инерции двутавра №16 относительно оси x

$$I_x^I = 873 \text{ см}^4 = 873 \cdot 10^{-8} \text{ м}^4$$

Статический момент верхней (или нижней) половины двутавра №16 относительно оси x

$$S_x^* = 62,3 \text{ см}^3 = 62,3 \cdot 10^{-6} \text{ м}^3$$

$$\max \tau^I = \frac{\max Q \cdot S_x^*}{I_x^I \cdot d^I} = \frac{42 \cdot 10^3 \cdot 62,3 \cdot 10^{-6}}{873 \cdot 10^{-8} \cdot 5 \cdot 10^{-3}} = 60 \cdot 10^6 \text{ Па} = \underline{60 \text{ МПа}}$$

б) Прямоугольное поперечное сечение

$$\max \tau^II = \frac{3 \max Q}{2 S^{II}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{42 \cdot 10^3}{50 \cdot 10^{-4}} = 12,6 \cdot 10^6 \text{ Па} = \underline{12,6 \text{ МПа}}$$

в) Круглое поперечное сечение

$$\max \tau^O = \frac{4 \max Q}{3 S^O} = \frac{4}{3} \cdot \frac{42 \cdot 10^3}{78,5 \cdot 10^{-4}} = 7,13 \cdot 10^6 \text{ Па} = \underline{7,13 \text{ МПа}}$$

7. Найдем соотношение весов трех типов балок.

При равных значениях длины и плотности материала балок их веса соотносятся как площади поперечных сечений.

$$G^I : G^{II} : G^O = S^I : S^{II} : S^O = 20,2 : 50,0 : 78,5 = \underline{1 : 2,48 : 3,89}$$

